一种组合型的深度学习模型

学习率策略

贺昱曜 1 李宝奇1

要 一个设计良好的学习率策略可以显著提高深度学习模型的收敛 速度,减少模型的训练时间.本文针对 AdaGrad 和 AdaDec 学习策略 只对模型所有参数提供单一学习率方式的问题,根据模型参数的特点,提 出了一种组合型学习策略: AdaMix. 该策略为连接权重设计了一个仅 与当前梯度有关的学习率,为偏置设计使用了幂指数型学习率.利用深度 学习模型 Autoencoder 对图像数据库 MNIST 进行重构, 以模型反向 微调过程中测试阶段的重构误差作为评价指标,验证几种学习策略对模 型收敛性的影响. 实验结果表明, AdaMix 比 AdaGrad 和 AdaDec 的 重构误差小并且计算量也低,具有更快的收敛速度.

关键词 深度学习,学习率,组合学习策略,图像重构

引用格式 贺昱曜,李宝奇.一种组合型的深度学习模型学习率策略.自 动化学报, 2016, 42(6): 953-958

DOI 10.16383/j.aas.2016.c150681

A Combinatory Form Learning Rate Scheduling for Deep Learning Model

HE Yu-Yao¹ LI Bao-Qi¹

Abstract A good learning rate scheduling can significantly improve the convergence rate of the deep learning model and reduce the training time. The AdaGrad and AdaDec learning strategies only provide a single form learning rate for all the parameters of the deep learning model. In this paper, AdaMix is proposed. According to the characteristics of the model parameters, and a learning rate form which is only based on the current epoch gradient is designed for the connection weights, a power exponential learning rate form is used for the bias. The test reconstruction error in the fine-turning phase of the deep learning model is used as the evaluation index. In order to verify the convergence of the deep learning based on different learning rate strategies, Autoencoder, a deep learning model, is trained to restructure the MNIST database. The experimental results show that Adamix has the lowest reconstruction error and minimum calculation compared with AdaGrad and AdaDec, so the deep learning model can quickly converge by using AdaMix.

Key words Deep learning, learning rate, combined learning scheduling, image reconstruction

Citation He Yu-Yao, Li Bao-Qi. A combinatory form learning rate scheduling for deep learning model. Acta Automatica Sinica, 2016, 42(6): 953-958

深度学习^[1-6] 是机器学习领域一个新的研究方向, 与传 统的机器学习和信号处理方法相比,深度学习模拟人类视觉 神经系统的层次体系,含有更多的隐含单元层,通过对原始

录用日期 2016-04-01 收稿日期 2015-10-20

国家自然科学基金 (61271143) 资助 Supported by National Natural Science Foundation of China (61271143)

 西北工业大学航海学院 西安 710072
 School of Marine Science and Technology, Northwestern Polytechnical University, Xi'an 710072

数据逐层的非线性变换,可以得到更高层次的、更加抽象的 特征表达, 高层次的表达能够强化输入数据的区分能力, 同 时削弱不相关因素的不利影响.

深度学习凭借其处理复杂和不确定性问题的能力,在图 像分类、文本检测、语音识别等领域取得了比以往方法更好 的成绩^[7].成绩的提高是以规模更大、层次更深的网络结构 为基础, 以海量的训练数据为依据, 以更多的调节参数为代 价,所以深度学习模型的训练比以往的方法需要更长时间, 因此如何加快模型的收敛速度是一个值得深入研究的问题.

一个呈下降趋势的学习率策略可以显著提高模型的收敛 速度,减少模型的训练时间^[8].深度学习模型的学习率通常 为常数型或简单呈下降趋势的指数型函数和幂指数型函数, 其根据函数本身的特点调节学习率大小,在很多情况下上 述方法仍然不失为一种最简单有效的学习率策略. 2010年, Duchi 等提出了自适应的全参数学习率策略 AadGrad^[9],该 方法为深度学习过程中每一个参数单独设计一个学习率,并 利用梯度的平方和保证学习率的下降趋势,该方法首次提出 全参数学习率策略,为深度学习模型的快速收敛提供了一个 很好的解决思路. 2013 年, Senior 等在 AadGrad 学习策略 的基础上提出了一种改进型的学习策略 AadDec^[10],该方法 每个参数学习率由之前的所有回合梯度的平方和简化为当前 梯度和上一回合梯度的平方和,并将该方法成功应用到语音 识别系统中,在模型收敛速度上 AadDec 比 AadGrad 有进 一步的提升. 深度学习模型内连接权重和偏置属于两种类型 的参数,作用也不一样,为不同类型的参数提供相同的学习 策略是不合理的.

本文在 AadGrad 和 AadDec 学习策略的基础上, 通过 对随机梯度下降法收敛机制的分析以及对深度学习模型连 接权重和偏置的深入研究,提出了一种组合型的学习策略 AdaMix, 即为连接权重和偏置分别设计学习率, 以期能加快 深度学习模型的收敛速度,同时减少模型的运算时间.

1 问题描述

本文以图像重构任务为背景,研究学习率对深度学习模 型收敛性的影响.

1.1 数据

为客观地评价学习率策略对深度学习模型收敛性的影 响,实验采用 MNIST 数据库,该库总共包含 70 000 幅 28 像 素 × 28 像素的图像,每一个样本为 0~9 的手写体数字,其 中 60 000 幅为训练样本集, 10 000 幅为测试样本集.

1.2 深度学习模型

本文研究的深度学习模型为 Autoencoder^[8], 从本质上 讲它是深度信念网络 (Deep belief nets, DBN)^[11] 的无监督 形式,同样由多个限制玻尔兹曼机 (Restricted Boltzmann machines, RBM)^[12] 逐层迭代组成. 在预处理阶段 (Pertraining), Autoencoder 与 DBN 的训练方式一样, 利用大 量的无标签数据使模型参数的初值感知在一个合理的范围; 在反向微调阶段 (Fine-turning), DBN 模型使用 Wake-sleep 算法^[13] 对模型的参数进行微调, 而 Autoencoder 首先构建 一个对称的网络用于生成原始输入数据, 如图 1 所示, 这个 过程被称作展开 (Unrolling), 然后利用原始数据与生成数据 之间的差异对模型的参数进行微调,整个过程不需要使用标 签数据,经过足够多的迭代运算以后,模型便可以精确重构 原始输入数据.

Manuscript received October 20, 2015; accepted April 1, 2016

本文责任编委 柯登峰

Recommended by Associate Editor KE Deng-Feng



Fig. 1 The training process of Autoencoder model

1.3 学习率的定义

对于一个参数为 $\theta = \{\omega_{ij}, b_{1i}, b_{2j}\}$ 的 RBM 模型, 如图 2 所示, 上层为隐含单元层, 下层为可见单元层, 可见单元与隐 含单元之间双向连接, 同一层内的神经元之间互不连接. 从 概率论的角度, 这也就意味着在给定可见单元的状态下各个 隐含单元之间是相互独立的, 反之亦然. 在模型训练过程中, 需要计算三种不同类型的参数^[14].

$$\Delta\omega_{ij} = \alpha(\mathcal{E}_{data}(v_i h_j) - \mathcal{E}_{model}(v_i h_j)) \tag{1}$$

$$\Delta b_{1i} = \beta (\mathbf{E}_{\text{data}}(v_i v_i^{\mathrm{T}}) - \mathbf{E}_{\text{model}}(h_i h_i^{\mathrm{T}})) \tag{2}$$

$$\Delta b_{2i} = \gamma (\mathbf{E}_{\text{data}}(v_i v_i^{\mathrm{T}}) - \mathbf{E}_{\text{model}}(h_i h_i^{\mathrm{T}})) \tag{3}$$

其中, α 为可见单元层与隐含单元层之间连接权重的学习率, $\Delta \omega_{ij}$ 为权重增量; β 为可见单元层偏置的学习率, Δb_{1i} 为 偏置增量; γ 为隐含单元层偏置的学习率, Δb_{2j} 为偏置增量. Edata 为由输入数据得到的期望, Emodel 为由模型得到的期 望. $\eta = \{\alpha, \beta, \gamma\}$ 称为模型的学习率.



1.4 随机梯度下降法

对于深度学习模型 Autoencoder 的参数 θ 优化求解问

题^[15-16]. 其一般数学表达式为

$$\theta(t+1) = \theta(t) - \eta(t) \bigtriangledown L(\theta(t)) \tag{4}$$

其中, $L(\theta)$ 为定义在数据集上的损失函数, $\nabla L(\theta)$ 为损失函数的梯度, $\theta(t+1)$ 为迭代 t+1 时刻的参数值, $\theta(t)$ 为迭代 t 时刻的参数值, $\eta(t)$ 为学习率 (步长). 梯度下降法可以快速 求解大多数优化问题, 但对以大规模数据集 (Large data set) 为基础的深度学习模型参数优化而言, $\nabla L(\theta)$ 的计算非常耗时甚至无法计算.

随机梯度下降法 (Stochastic gradient descent, SGD)^[17] 是梯度下降法的变形.与梯度下降法计算整个数据集不同, SGD 只在数据集中随机挑选一部分样本 (Minibatch) 来计 算损失函数的梯度,其数学表达式为

$$\theta(t+1) = \theta(t) - \eta(t) \bigtriangledown L_m(\theta(t)),$$

$$m \in (1, 2, 3, \cdots, M)$$
(5)

$$\nabla L_m(\theta) = \sum_{n=1}^{N} l_n(\theta) \tag{6}$$

其中, $\nabla L_m(\theta)$ 为利用第 m 个批次数据计算得到的损失函数 梯度值, N 为第 m 个批次数据集内样本的个数. 与梯度下降 法相比, SGD 的计算量得到了极大的降低, 所以深度学习模型主要采用 SGD 方法优化模型参数.

在满足

$$\lim_{t \to \infty} \eta(t) \| \nabla L_m \| = 0, \quad \sum_{t=1}^{\infty} \eta(t) = \infty$$
 (7)

的条件下, SGD 与梯度下降法具有相同的收敛特性^[18]. $\| \bigtriangledown L_m \| < H, H$ 为有界常数,模型的学习率需满足 $\lim_{t\to\infty} \eta(t) = 0$,即一个呈下降趋势并收敛至 0 的学习 率.

1.5 评价指标

本文使用 Autoencoder 反向微调阶段测试数据集的重构误差 (Reconstruction error rate, RER) 作为模型收敛状态的定量评价指标. 该指标是在像素的层次上描述图像的重构质量, 与分类准确率相比能更好地描述模型参数的收敛状态. 对于一个含有 N 个样本的测试数据集, 其重构误差数学表达式为

$$RER = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^{N} (MSE(data(n)))$$
(8)

$$MSE(data) = \frac{1}{D} \sum_{d=1}^{D} (In(data(d)) - Out(data(d))^2 \quad (9)$$

其中, MSE 为均方误差 (Mean squared error, MSE) 的计 算公式, In(data) 为模型输入数据, Out(data) 为模型生成 数据, D 为样本元素个数, 即图像的像素数. 在相同的迭代次 数下, 重构误差率越大收敛性越差, 重构误差率越小收敛性 越好.

2 学习率策略

常数型学习率在很多时候仍然不失为一种最简单有效的 方法,但需要对学习率初值设置有足够丰富的经验.深度学 习模型权重和偏置属于两种类型的参数,其作用也不同,因 此在设计学习率策略时,需要考虑权重和偏置各自的特点.

2.1 权重和偏置

深度学习模型的基本单元为神经元,其结构如图3所示.



图 3 人工神经元结构 Fig. 3 The network graph of an artificial neuron

图 3 中, v_i 代表输入神经元, x_i 为输入神经元状态, w_{ij} 为输入神经元与输出神经元 h_j 的连接权重, b_j 为输出神经 元的偏置 (阈值), $f(\cdot)$ 为激活函数, y_j 为输出神经元状态. 数 学表达式如下:

$$y_j = f(u_j) \tag{10}$$

$$u_j = \sum_{i=1}^{I} \omega_{ij} x_i + b_j \tag{11}$$

深度学习模型通过连接权重实现数据的表达,通过共享 权重和偏置实现数据的区分,权重对深度学习模型的特征提 取和逐层抽象非常重要;偏置项则是相当于原始数据增加的 一个维度(一个状态为 b_j,权重一直为1的神经元),原始数 据增加一个维度有利于数据的区分,尤其是在输入数据维度 较低的条件下.但如果输入数据维度比较高,已经足以对数 据进行区分,偏置的作用就会被弱化.因此对于本文的高维 数据(本文数据维度为 28 像素 × 28 像素),如果仅考虑连接 权重而不考虑偏置,模型通过增加的迭代次数仍可达到它们 同时作用的效果;反之则不然.

对于连接权重 (权重) 和偏置 (状态) 的调节需要采用不同的机制. 对权重而言, 为每个权重参数单独设计一个学习 率, 让其根据自身的状态自适应调节学习率及增量的大小, 能加快输入数据的稳定表达, 从而提高模型的收敛速度. 虽 然在处理高维数据时, 偏置项的作用得到了弱化, 但若处理 不当仍会放慢模型收敛速度, 所以偏置学习率的选取应在保 证下降趋势的前提下, 尽量选取计算量小的函数. 后续的仿 真实验对本文提出的权重和偏置学习率设计原则的合理性进 行了验证.

2.2 学习率策略

一个设计良好的学习率策略可以显著提高深度学习模型 的收敛速度,减少模型的训练时间. 全参数型学习率从机理 上讲,更能加快深度学习模型的收敛速度.

2.2.1 AdaGrad

AdaGrad 是一个自适应的全参数形式学习策略. 其数学 表达形式如下:

$$\eta(t) = \frac{\eta(0)}{\sqrt{K + \sum_{s=1}^{t} g(s)^2}}$$
(12)

其中, $\eta(0)$ 为模型迭代第1次时的学习率, $\eta(t)$ 为模型迭代 第t+1次时的学习率,g(s)为模型迭代第s次时的梯度(为 了表述方便,用g代替 ∇L_m),K为常数项,通常K = 1.

AdaGrad 为模型连接权重和偏置的每个参数都单独提供了一个统一形式学习率,每个学习率能根据梯度的变化情况自适应调整大小,并利用梯度的平方和来保证学习率呈下降趋势. AdaGrad 为研究全参数自适应学习率提供了依据.

2.2.2 AdaDec

AdaDec 是在 AdaGrad 的基础上针对语音识别系统提出的一种改进形式,分母中的梯度部分仅由上一回合和当前梯度决定,与之前的梯度没有关系,同时为了保证学习策略在长期的学习过程中呈现下降的趋势,分子用一个呈下降趋势的幂指数代替,其数学表达形式如下:

$$\eta(t) = \frac{p(t)}{\sqrt{K + G(t)}} \tag{13}$$

$$G(t) = \xi g(t-1)^2 + g(t)^2$$
(14)

$$p(t) = \eta(0) \left(1 + \frac{t}{R}\right)^{-q} \tag{15}$$

其中, *p* 为幂指数型函数, *R* 为最大迭代次数, *q* 为常数项, 通 常取值为 0.75; *G*(*t*) 为当前梯度和上一次梯度的平方和, *ξ* 为衰减因子, 取值为 0.999; *K* 为常数项, 取值为 1.

AdaDec 同样为模型连接权重和偏置的每个参数都单独 提供了一个统一形式学习率,每个学习率在幂指数函数和最 近两个回合梯度平方和的共同作用下自适应的下降.

2.2.3 AdaMix

本文在 AdaGrad 和 AdaDec 的基础上,根据连接权重 和偏置的不同特点和作用,依据本文提出的设计原则提出了 一种组合形式的学习率策略: AdaMix,其数学表达式如下:

$$\alpha_{ij}(t) = \frac{\alpha_{ij}(t-1)}{\sqrt{K+g(t)^2}} \tag{16}$$

$$\beta_i(t) = \beta_i(0) \left(1 + \frac{t}{R}\right)^{-q} \tag{17}$$

$$\gamma_j(t) = \gamma_j(0) \left(1 + \frac{t}{R}\right)^{-q} \tag{18}$$

其中, $\alpha_{ij}(t)$ 为连接权重下一回合的学习率, $\alpha_{ij}(t-1)$ 为当前回合连接权重的学习率, $g(t)^2$ 为当前回合的梯度的平方和, K = 1. $\beta_i(t)$ 和 $\gamma_j(t)$ 分别为可见单元和隐含单元偏置的学习率, 使用呈下降趋势的幂指数函数, q 依然取 0.75.

AdaMix 权重部分的学习率是在 AdaGrad 和 AdaDec 两种学习率策略基础上做出的改进.在上一回合的学习率的 基础上利用当前的梯度去自适应调节学习率的大小,这样设计的学习率更能准确描述模型的运行状态,调节得到的学习 率也更合理,因此能加快模型的收敛速度,也减少了不必要的计算 (历史梯度数据).在处理高维数据时,偏置项的作用

受到了弱化,因此在保证快速收敛的前提下,从减少计算量的角度出发,为偏置部分选择了幂指数函数作为学习率,同时所有的偏置项共用此学习率.

2.3 算法分析

AdaGrad 引入了过多的历史梯度数据, 历史梯度数据对 当前回合的学习率的贡献是有限的, 而且当前学习率都是在 初始学习率的调节基础上得到, 并不能很好地反映模型运行 状态. AdaDec 是以幂指数函数作为学习率的下降趋势, 在 此基础上利用最近两个回合的梯度数据对当前学习率进行调 节, 而幂指数函数并不是模型真正的收敛曲线. AdaMix 则是 在充分考虑了模型参数特点的基础上, 为权重设计了更能反 映模型运行状态的学习率, 为偏置设计了收敛速度较好但计 算量小的幂指数函数, 不同类型的参数依据自身的状态实现 快速收敛. 从模型的收敛条件来看, 模型参数的学习率越能 反映模型的运行状态越能加快模型的收敛速度.

3 仿真实验

为了验证本文方法 AdaMix 的性能, 引入常数型学习率 (Cons 或 Cons + Cons) 作为参考, 设计实验 1 对三种学习 率策略 AdaMix、AdaGrad 和 AdaDec 的收敛性和计算量 (模型运算时间) 进行比较; 为了验证本文提出的权重和偏置 学习率设计原则, 设计实验 2、实验 3 和实验 4 分别研究权重 和偏置的关系、不同学习率对权重的影响和不同学习率对偏 置的影响; 为了进一步验证本文方法的收敛性能, 设计实验 5 研究不同规模数据量对本文方法 (AdaMix) 的影响.

实验采用一个 5 层的 Autoencoder 模型, 第 1 层神经元 的个数为 784, 第 2 层神经元的个数为 1000, 第 3 层神经元 的个数为 500, 第 4 层神经元的个数为 250, 第 5 层神经元的 个数为 30, 各层之间的初始连接权重服从均值为 0、方差为 0.001 的高斯分布, 第 1 层的初始偏置由训练数据决定, 其他 层的初始偏置设置为 0. 实验中所提到的方法均采用相同的 学习率初始值,预处理阶段的学习率初始值为 0.1, 反向微调 阶段的学习率初始值为 0.001. 模型的重构误差根据式 (8) 和 式 (9) 计算.

3.1 实验 1. AdaMix 的性能

实验比较常数型、AdaGrad、AdaDec 和 AdaMix 四种 学习率策略对深度学习模型收敛性的影响同时计算模型迭 代 50 次时的运行时间.实验数据为完整 MNIST 数据集的 1/10,即训练样本集为 6 000 幅图像,测试样本集为 1 000 幅 图像. SGD 迭代次数为 5 ~ 50,步长为 5.

从图 4 可以看出,四种学习策略都使模型的重构误差 随迭代次数的增加而减小并且逐步趋于稳定.在整个迭代 过程中常数型、AdaGrad 和 AdaDec 的重构误差曲线接近, AdaMix 的重构误差曲线低于另外三种.迭代次数为 50 次 时,常数型学习率的重构误差为 8.37, AdaGrad 的重构误差 为 8.47, AdaDec 的重构误差为 8.22, AadMix 的重构误差为 7.82. AdaMix 的收敛性能最好.

与此同时,模型迭代 50 次时计算机仿真时间依次为 693.54s,810.20s,833.79s 和 752.56s.常数型学习率的计算 时间最短,其次是 AdaMix,AdaGrad 和 AdaDec.虽然迭代 50 次时,AadMix 比常数型学习率的计算时间长,但从图 4 可以看出要实现相同的收敛效果,常数型学习率需要更多的 迭代次数,即更长的计算时间.综合考虑重构误差和计算时 间,AadMix 的性能优于其他三种学习率.



Fig. 4 Comparison of the convergence performance of AdaMix and other three methods

3.2 实验 2. 权重和偏置的作用

本实验在常数型学习率策略 (Cons + Cons) 的基础上, 设计另外两种形式的学习率策略. 权重学习率为常数, 偏置 学习率为零 (Cons + None) 和权重的学习率为零, 偏置的学 习率为常数 (None + Cons). 比较分析连接权重和偏置对深 度学习模型收敛性的影响. 实验数据为完整 MNIST 数据集 的 1/10, 即训练样本集为 6000 幅图像, 测试样本集为 1000 幅图像. SGD 迭代次数为 5~50, 步长为 5.

从图 5 可以看出, Cons + None 和 Cons + Cons 两种 学习率策略使模型的重构误差随着迭代次数的增加逐渐减 小,并且下降的趋势是一致的,迭代 50 次时的重构误差分别 为 9.09 和 8.37; None + Cons 型学习率策略并没有使模型 的重构误差随迭代次数的增加而减少,而且一直保持在一个 非常高的水平 (51.40).由此可见,在处理高维数据时 (本文 数据的维数 28 像素 × 28 像素),权重对模型的收敛起决定 性的作用,偏置的作用受到了弱化.同时通过增加迭代次数, Cons + None 型学习率可以获得与 Cons + Cons 同样水平 的重构误差.



Fig. 5 The influence of weight and bias on the convergence of deep learning model

3.3 实验 3. 不同学习率对权重的影响

本实验在常数型学习率 (Cons + Cons) 的基础上, 对 权重部分设计五种不同形式的学习率策略. 权重的学习率为 指数 (Exponent), 偏置的学习率为常数 (Exp + Cons); 权 重的学习率为幂指数 (Power), 偏置的学习率为常数 (Power + Cons); 权重的学习率为 AdaGrad, 偏置的学习率为常数 (AdaGrad + Cons); 权重的学习率为 AdaDec, 偏置的学习 率为常数 (AdaDec + Cons); 权重为 AdaMix 的权重部分; 偏置为常数型学习率 (AdaMix + Cons). 比较上述六种学 习率策略对深度学习模型连接权重的影响. 实验数据为完整 MNIST 数据集的 1/10, 即训练样本集为 6000 幅图像, 测试 样本集为 1000 幅图像. SGD 迭代次数为 5~50, 步长为 5.

从图 6 可以看出, 六种学习率策略都使模型重构误差随 着迭代次数的增加而降低, 整体趋势一致. 模型迭代 50 次 时常数型学习率重构误差为 8.37, Exp + Cons 型学习率为 8.67, Power + Cons 型学习率为 8.38, AdaGrad + Cons 型 学习率为 8.28, AdaDec + Cons 型学习率为 8.10, AdaMix + Cons 型学习率为 7.88. 连接权重为全参数形式 (后三种) 的学习率策略比简单形式 (前三种)的学习率策略具有更好 的收敛性能, 尤其是本文提出的权重学习方式.



图 6 不同学习率对深度学习模型权重的影响 Fig. 6 The influence of different learning rates on the weight of deep learning model

3.4 实验 4. 不同学习率对偏置的影响

本实验在常数型学习率的基础上,对偏置部分设计五种 不同形式的学习率策略.权重的学习率为常数,偏置的学习 率为指数 (Cons + Exp);权重的学习率为常数,偏置的学习 率为幂指数 (Cons + Power);权重的学习率为常数,偏置的 学习率为 AdaGrad (Cons + AdaGrad);权重的学习率为常 数,偏置的学习率为 AdaDec (Cons + AdaDec);权重的学 习率为常数,偏置为 AdaMix 的权重部分的学习率 (Cons + AdaMix).比较上述六种学习率深度学习模型偏置的影响. 实验数据为完整 MNIST 数据集的 1/10,即训练样本集为 6000 幅图像,测试样本集为 1000 幅图像.SGD 迭代次数为 5~50,步长为 5.

从图 7 可以看出, 六种学习率策略都使模型重构误差随着迭代次数的增加而降低, 整体趋势一致. 六种偏置的学 习率性能比较接近, 模型迭代 50 次时常数型学习率的重构 误差为 8.37, Cons + Exp 型学习率为 8.49, Cons + Power 型学习率为 8.31, Cons + AdaGrad 型学习率为 8.54, Cons + AdaDec 型学习率为 8.44, Cons + AdaMix 型学习率为 8.45. 六种学习略策略的收敛性能接近,偏置部分为幂指数形 式的学习率时,模型收敛性能稍好.



3.5 实验 5. 数据量对 AdaMix 性能的影响

本实验比较数据量对 AdaMix 性能的影响,数据量为完整 MNIST 数据集的 1/10、3/10、6/10 和 1. SGD 迭代次数 为 5~50,步长为 5.

从图 8 可以看出, AdaMix 在四种数据量下, 模型重构 误差随迭代次数的增大重构误差不断减小. 模型迭代 50 次时四种数据量下的重构误差依次为 7.81、5.06、4.06 和 3.56. 在相同的迭代次数条件下,数据量越大模型的重构误差越小,收敛速度越快.





3.6 讨论

简单形式的学习率(常数型、指数型和幂指数型等)虽 然计算量低,但模型收敛速度慢.全参数形式的学习率策略 (AdaGrad 和 AdaDec) 虽然在一定程度上提高模型的收敛 速度,但却提高了模型的计算量. AdaMix 是一种组合型的 学习率策略,即为权重和偏置分别设计符合各自特点的学习 率,与 AdaGrad 和 AdaDec 相比,在提高模型收敛速度的同 时也降低了模型的运算时间. 收敛速度的提高得益于权重采 用全参数形式的学习率,学习率的取值与模型当前的运行状 态直接相关,所以得到的学习率更合理;计算量的降低一部 分原因是权重部分减少了不必要的历史梯度计算,另外就是 偏置采取了形式简单的幂指数函数作为学习率. 当原始输入 数据维度较高时,弱化了偏置的作用、强化了权重的作用,连 接权重和偏置的关系和作用得到了进一步的理解. 数据量对 深度学习模型收敛有很大的影响,通过增加训练样本集的数 量可以减小模型的重构误差、提高模型的收敛速度.

4 结论

通过对深度学习模型参数特点进行深入研究,给出了深 度学习模型权重和偏置的设计原则,并在此基础上提出了一 种组合型学习策略 AdaMix,经实验证明 AdaMix 比 Ada-Grad 和 AdaDec 的收敛性好、计算量低.显然细化深度学习 模型中参数的学习策略是提高模型是收敛性的有效手段.

在本文的研究基础上, 拟开展的研究工作是: 1) 将本文 方法应用到声音、文本等其他领域的学习过程中; 2) 对深度 学习模型采用逐层的学习策略, 并对本文方法做相应的改变.

References

- 1 Hinton G. Where do features come from? Cognitive Science, 2014, **38**(6): 1078–1101
- 2 LeCun Y, Bengio Y, Hinton G. Deep learning. Nature, 2015, 521(7553): 436-444
- 3 Mnih V, Kavukcuoglu K, Silver D, Rusu A A, Veness J, Bellemare M G, Graves A, Riedmiller M, Fidjeland A K, Ostrovski G, Petersen S, Beattie C, Sadik A, Antonoglou I, King H, Kumaran D, Wierstra D, Legg S, Hassabis D. Human-level control through deep reinforcement learning. *Nature*, 2015, **518**(7540): 529–533
- 4 Schmidhuber J. Deep learning in neural networks: an overview. Neural Networks, 2015, 61(7553): 85–117
- 5 Gao Ying-Ying, Zhu Wei-Bin. Deep neural networks with visible intermediate layers. Acta Automatica Sinica, 2015, 41(9): 1627-1637 (高莹莹,朱维彬. 深层神经网络中间层可见化建模. 自动化学报, 2015, 41(9): 1627-1637)
- 6 Qiao Jun-Fei, Pan Guang-Yuan, Han Hong-Gui. Design and application of continuous deep belief network. Acta Automatica Sinica, 2015, 41(12): 2138-2146 (乔俊飞, 潘广源, 韩红桂. 一种连续型深度信念网的设计与应用. 自 动化学报, 2015, 41(12): 2138-2146)
- 7 Yu D, Deng L. Deep learning and its applications to signal and information processing. *IEEE Signal Processing Maga*zine, 2011, **28**(1): 145–154
- 8 Hinton G E, Salakhutdinov R R. Reducing the dimensionality of data with neural networks. Science, 2006, 313(5786): 504-507
- 9 Duchi J, Hazan E, Singer Y. Adaptive subgradient methods for online learning and stochastic optimization. The Journal of Machine Learning Research, 2011, 12: 2121–2159
- 10 Senior A, Heigold G, Ranzato M A, Yang K. An empirical study of learning rates in deep neural networks for speech

recognition. In: Proceedings of the 2013 IEEE International Conference on Acoustics, Speech, and Signal Processing. Vancouver, BC: IEEE, 2013. 6724–6728

- 11 Hinton G E, Dayan P, Frey B J, Neal R M. The "wake-sleep" algorithm for unsupervised neural networks. *Science*, 1995, 268(5214): 1158-1161
- 12 Hinton G E, Osindero S, Teh Y W. A fast learning algorithm for deep belief nets. Neural Computation, 2006, ${\bf 18}(7){:}~1527-1554$
- 13 Fischer A, Igel C. Training restricted Boltzmann machines: an introduction. Pattern Recognition, 2014, 47(1): 25–39
- 14 Salakhutdinov R, Hinton G. An efficient learning procedure for deep Boltzmann machines. Neural Computation, 2012, 24(8): 1967–2006
- 15 Robbins H, Monro S. A stochastic approximation method. The Annals of Mathematical Statistics, 1951, 22(3): 400–407
- 16 You Z, Wang X R, Xu B. Exploring one pass learning for deep neural network training with averaged stochastic gradient descent. In: Proceedings of the 2014 IEEE International Conference on Acoustics, Speech, and Signal Processing. Florence, Italy: IEEE, 2014. 6854-6858
- 17 Klein S, Pluim J P W, Staring M, Viergever M A. Adaptive stochastic gradient descent optimisation for image registration. International Journal of Computer Vision, 2009, 81(3): 227-239
- 18 Shapiro A, Wardi Y. Convergence analysis of gradient descent stochastic algorithms. Journal of Optimization Theory and Applications, 1996, 91(2): 439-454

贺昱曜 西北工业大学教授. 主要研究方向为智能控制与非线性控制理论, 精确制导与仿真, 信息融合, 现代电力电子技术与功率变换理论. E-mail: heyyao@nwpu.edu.cn

(**HE Yu-Yao** Professor at Northwestern Polytechnical University. His research interest covers intelligent control and nonlinear control theory, precision guidance and simulation, information fusion, modern power electronics technology, and power transformation theory.)

李宝奇 西北工业大学博士研究生.主要研究方向为目标检测、识别和 跟踪,信息融合,深度学习.本文通信作者. E-mail: bqli@mail.nwpu.edu.cn

(**LI Bao-Qi** Ph. D. candidate at Northwestern Polytechnical University. His research interest covers target detection, recognition and tracking, information fusion, and deep learning. Corresponding author of this paper.)